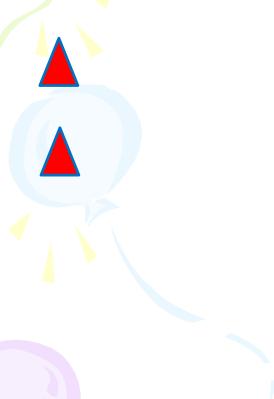
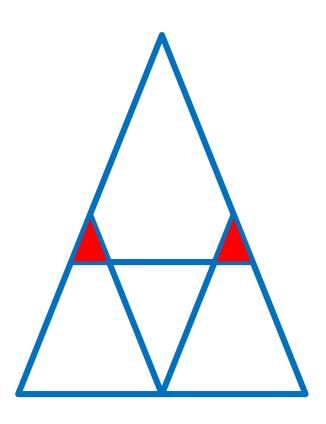
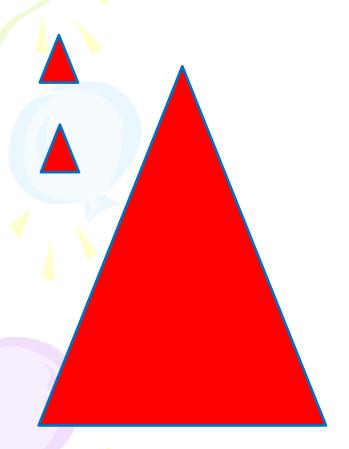


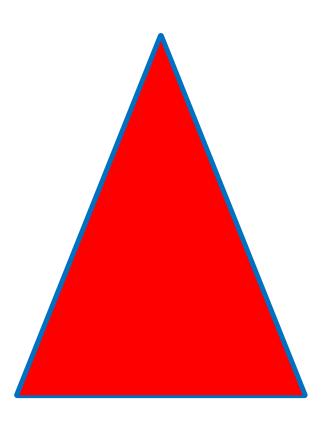
Amedeo Sgueglia Giacomo Drago Matteo Pintonello

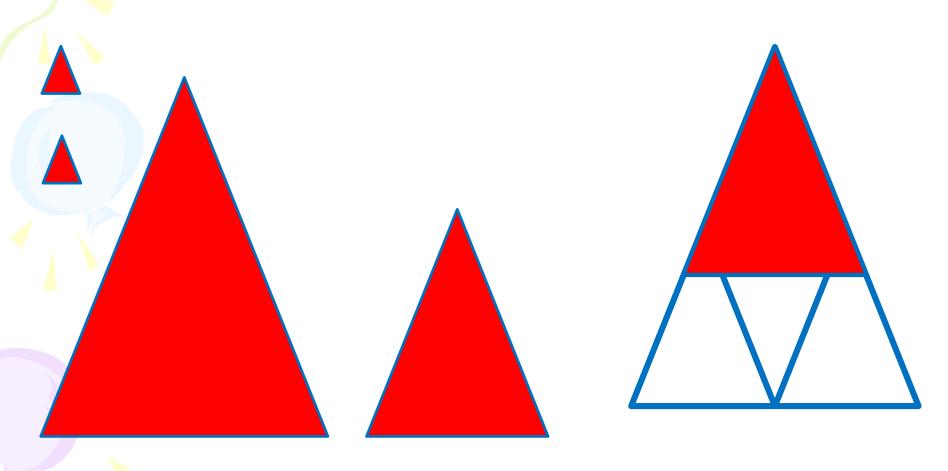
Semifinale giochi matematici Padova 17.03.2018

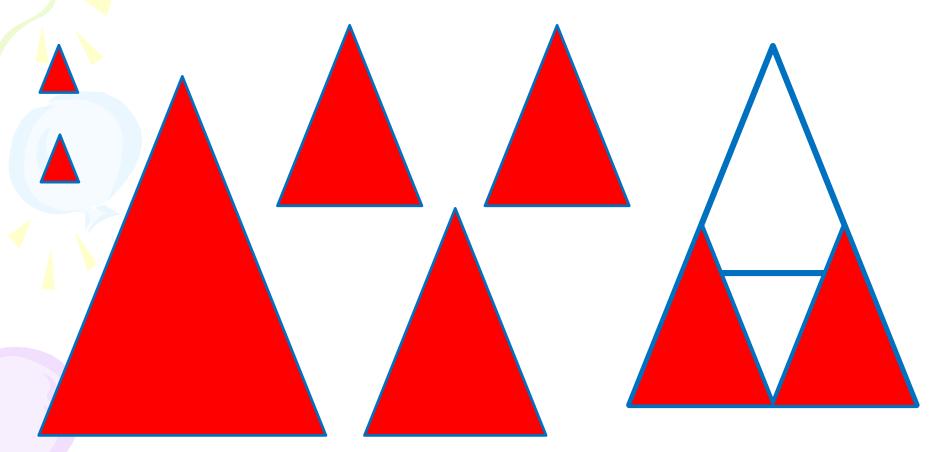


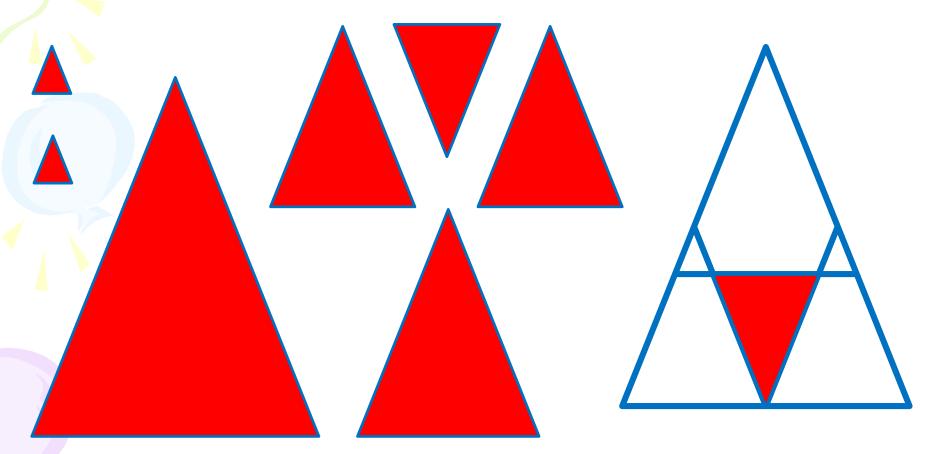




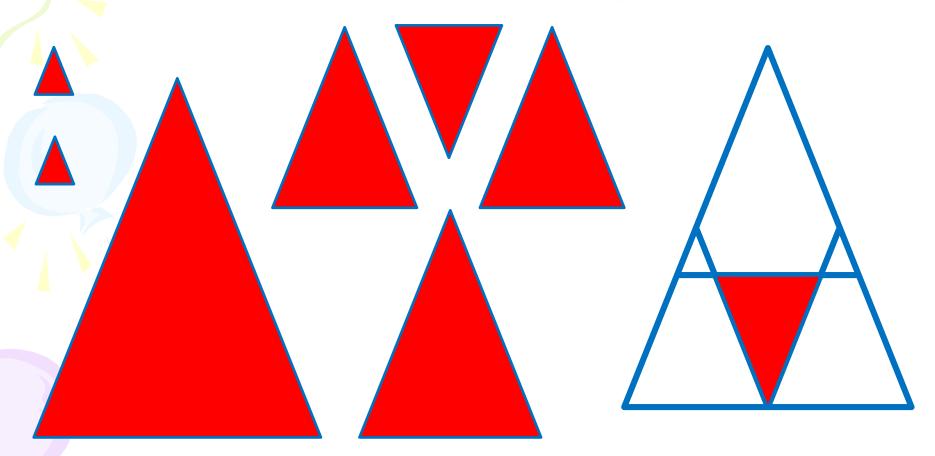




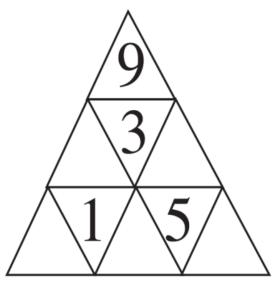




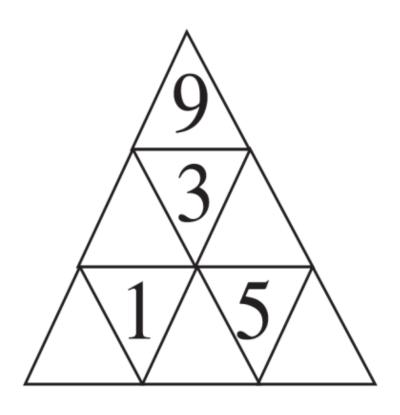
Quanti triangoli, disegnati completamente, riuscite a contare nella figura accanto (compreso il triangolo grande)?



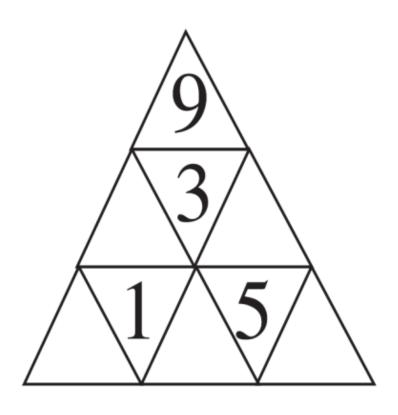
La soluzione è 7



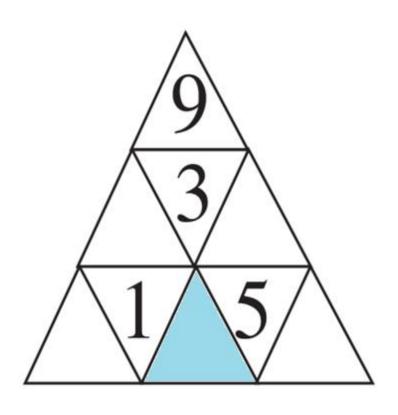
Nadia deve collocare i numeri interi da 1 a 9 nei triangoli della figura. Ne ha già inseriti quattro; adesso, con quelli restanti, deve riempire i triangoli ancora liberi. Quale numero pari Nadia inserirà nel triangolo in basso, tra 1 e 5, tenendo presente che due numeri consecutivi non devono mai risultare collocati in due triangoli che abbiano un lato in comune.



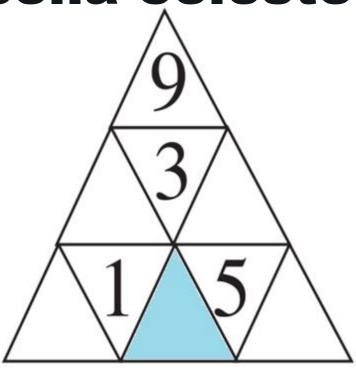
Quesito 2 - Mai vicini 2 4 6 7 8



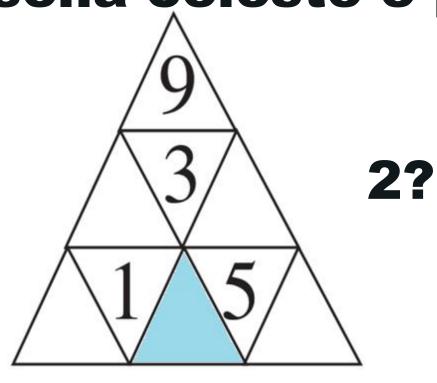
Quesito 2 - Mai vicini 2 4 6 7 8



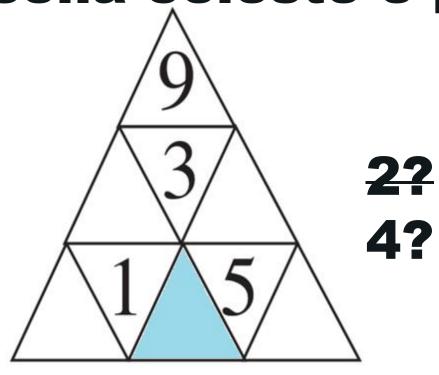
24678 Sappiamo che il numero della casella celeste è pari.



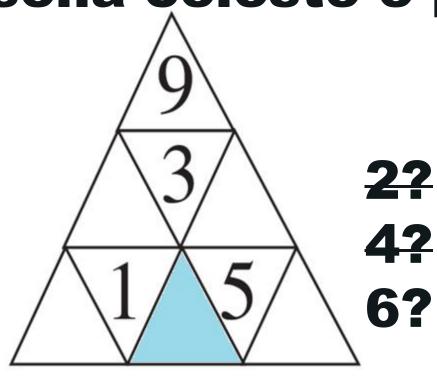
2 4 6 7 8
Sappiamo che il numero
della casella celeste è pari.



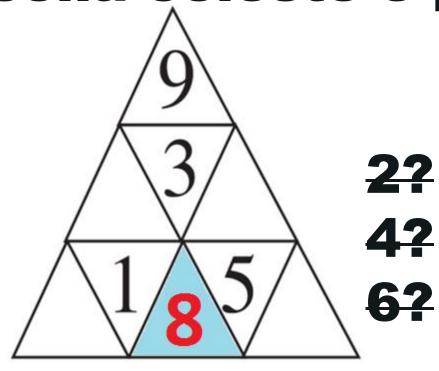
24678 Sappiamo che il numero della casella celeste è pari.



2 4 6 7 8 Sappiamo che il numero della casella celeste è pari.



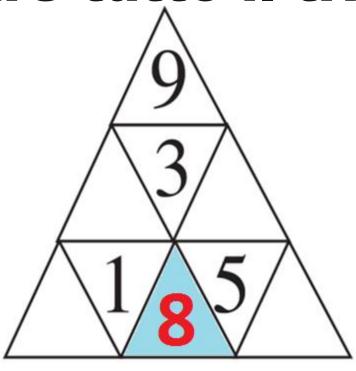
24678 Sappiamo che il numero della casella celeste è pari.



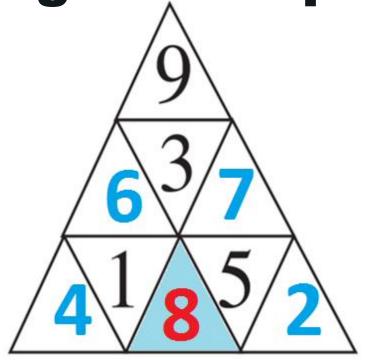
2 4 6 7 8

Non serve neanche

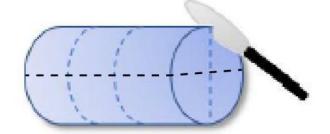
completare tutto il triangolo!



2 4 6 7 8
Per completezza, ecco anche il triangolo completo:

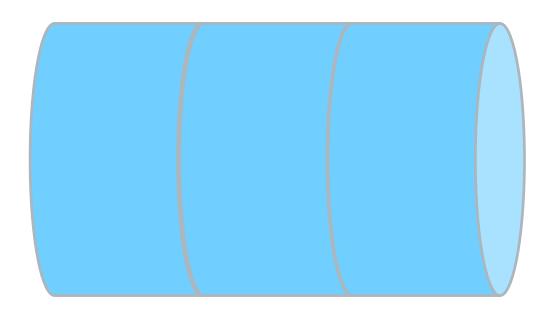


La soluzione è 8

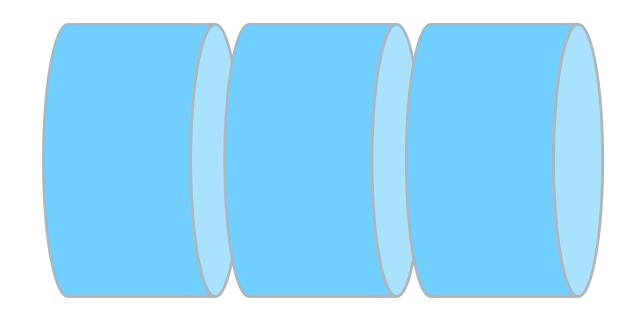


Liliana ha diviso il dolce della figura con quattro tagli, secondo le direzioni indicate dalle linee tratteggiate.

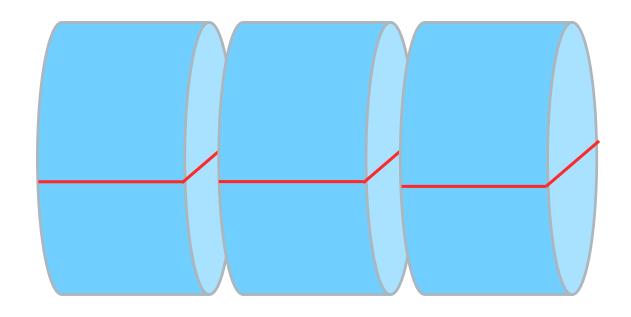
In quante parti Liliana ha tagliato il suo dolce?



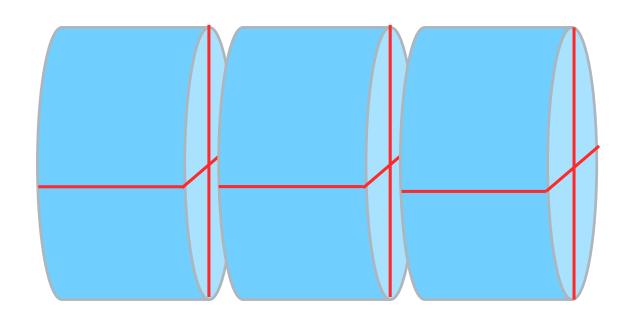
Con questi tre tagli si ottengono 3 dischi.



Con questi tre tagli si ottengono 3 dischi.

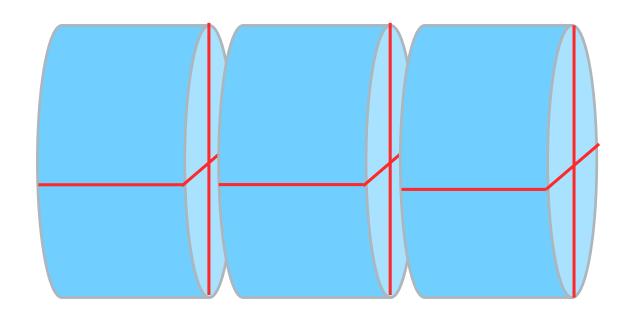


Senza separare i tre dischi, con 2 tagli ogni disco viene diviso in 4 parti.



Senza separare i tre dischi, con 2 tagli ogni disco viene diviso in 4 parti.

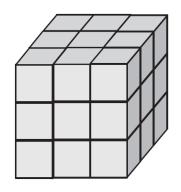
 $3 \times 4 = 12$

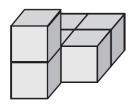


Senza separare i tre dischi, con 2 tagli ogni disco viene diviso in 4 parti.

La soluzione è 12

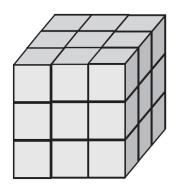
Quesito 4 - Si comincia con poco

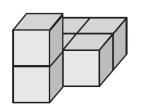




Luca ha costruito il grande cubo che vedete in figura con l'aiuto di tanti cubetti uguali tra loro. Lavinia vuole emularlo e ha cominciato la sua costruzione con dei cubetti uguali a quelli di Luca (cubetti che vedete nella figura a destra). Quanti cubetti le mancano per realizzare l'intero cubo di Luca?

Quesito 4 - Si comincia con poco

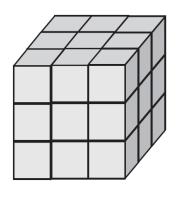


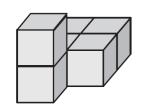


Luca ha utilizzato 3 x 3 x 3 = 27 cubetti

Lavinia ha già posizionato 6 cubetti

Quesito 4 - Si comincia con poco





Luca ha utilizzato

3 x 3 x 3 = 27 cubetti

Lavinia ha già posizionato 6 cubetti

Lavinia deve ancora posizionare

27 - 6 = 21 cubetti

La soluzione è 21

Per realizzare la sua composizione floreale su un foglio, Carla utilizza solo due tipi di fiori: uno con 4 petali e l'altro con 3 petali. Una volta terminata la composizione, si rende conto di avere disegnato 10 fiori e 33 petali. Quanti fiori con 4 petali ha disegnato Carla?

	Numero di fiori con 4 petali	Numero di fiori totali	Numero di petali totali

	Numero di fiori con 4 petali	Numero di fiori totali	Numero di petali totali
10			

	Numero di fiori con 4 petali	Numero di fiori totali	Numero di petali totali
10	0	10	

	Numero di fiori con 4 petali	Numero di fiori totali	Numero di petali totali
10	0	10	10x3 + 0x4 = 30

	Numero di fiori con 4 petali	Numero di fiori totali	Numero di petali totali
10	0	10	10x3 + 0x4 = 30
9			

Numero di fiori con 3 petali		Numero di fiori totali	Numero di petali totali
10	0	10	10x3 + 0x4 = 30
9	1	10	9x3 + 1x4 = 31

	Numero di fiori con 4 petali	Numero di fiori totali	Numero di petali totali
10	0	10	10x3 + 0x4 = 30
9	1	10	9x3 + 1x4 = 31
8	2	10	

Numero di fiori con 3 petali		Numero di fiori totali	Numero di petali totali
10	0	10	10x3 + 0x4 = 30
9	1	10	9x3 + 1x4 = 31
8	2	10	8x3 + 2x4 = 32

Quesito 5 - Fiori per la primavera

10 fiori 33 petali

	Numero di fiori con 4 petali	Numero di fiori totali	Numero di petali totali
10	0	10	10x3 + 0x4 = 30
9	1	10	9x3 + 1x4 = 31
8	2	10	8x3 + 2x4 = 32
7	3	10	

Quesito 5 - Fiori per la primavera

10 fiori 33 petali

	Numero di fiori con 4 petali	Numero di fiori totali	Numero di petali totali
10	0	10	10x3 + 0x4 = 30
9	1	10	9x3 + 1x4 = 31
8	2	10	8x3 + 2x4 = 32
7	3	10	7x3 + 3x4 = 33

Quesito 5 - Fiori per la primavera

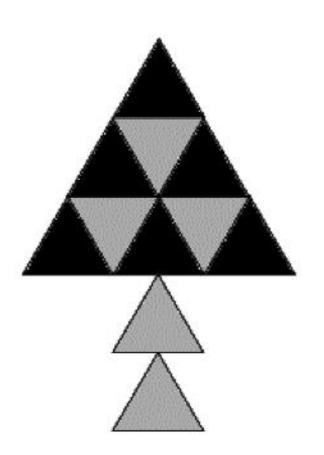
Il numero di fiori da 4 petali è 3.

Numero di fiori con 3 petali		Numero di fiori totali	Numero di petali totali
10	0	10	10x3 + 0x4 = 30
9	1	10	9x3 + 1x4 = 31
8	2	10	8x3 + 2x4 = 32
7	3	10	7x3 + 3x4 = 33

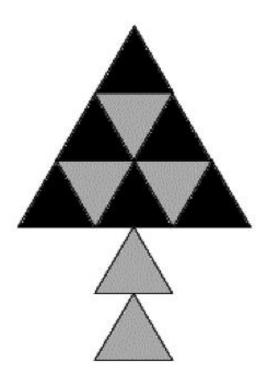
La soluzione è 3

La classe di Jacob ha in dotazione 274 gommine triangolari grigie e 323 gommine triangolari nere. Con tutte queste gommine realizza il maggior numero possibile di pini del tipo indicato in figura. Rimangono comunque alcune gommine inutilizzate e con tutte queste Jacob vuole fare un'altra composizione, diversa, da regalare alla maestra.

Di quante gommine grigie dispone Jacob per il regalo alla maestra?

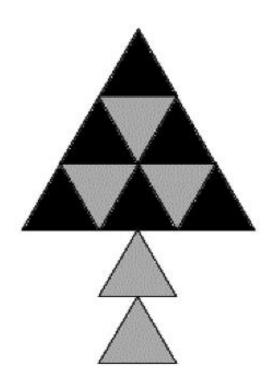


Per ogni pino Jacob usa 5 gommine grigie e 6 gommine nere



Per ogni pino Jacob usa 5 gommine grigie e 6 gommine nere

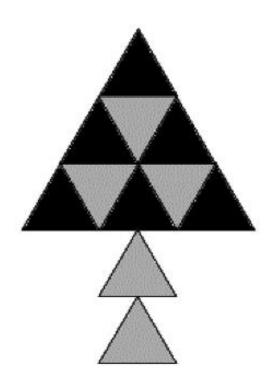
Con le gommine grigie Jacob può fare 274:5=54 alberi, Avazando 4 gommine



Per ogni pino Jacob usa 5 gommine grigie e 6 gommine nere

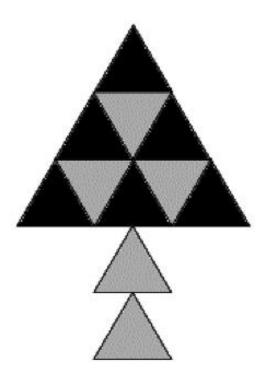
Con le gommine grigie Jacob può fare 274:5=54 alberi, Avazando 4 gommine

Con le gommine nere Jacob può fare 323:6=53 alberi, Avazando 5 gommine



Jacob può fare al massimo 53 alberi

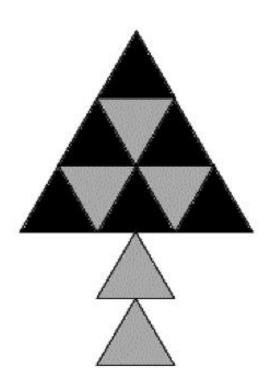
per i quali usa 5 x 53 = 265 gommine



Jacob può fare al massimo 53 alberi

per i quali usa 5 x 53 = 265 gommine

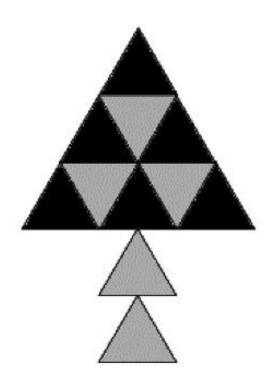
Jacob avanza per il regalo alla maestra 274 - 265 = 9 gommine grigie



Jacob può fare al massimo 53 alberi

per i quali usa 5 x 53 = 265 gommine

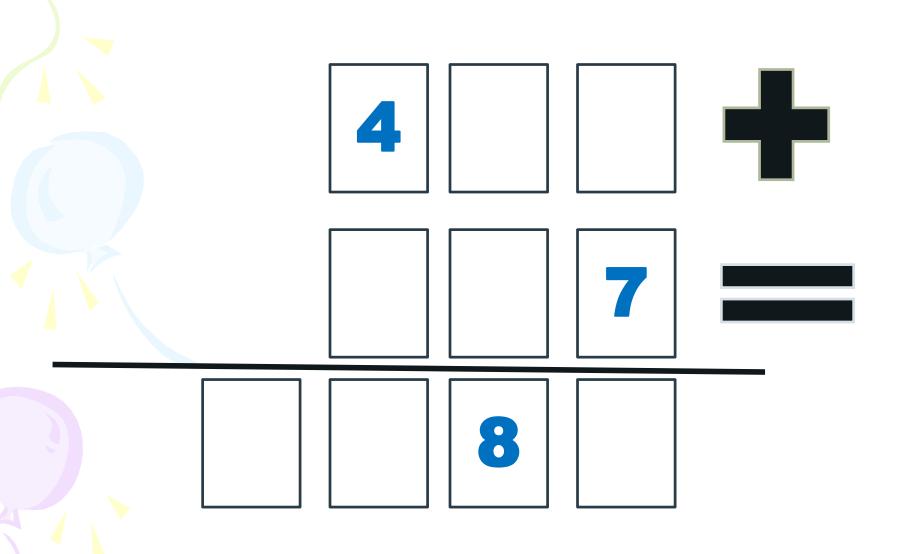
Jacob avanza per il regalo alla maestra 274 - 265 = 9 gommine grigie

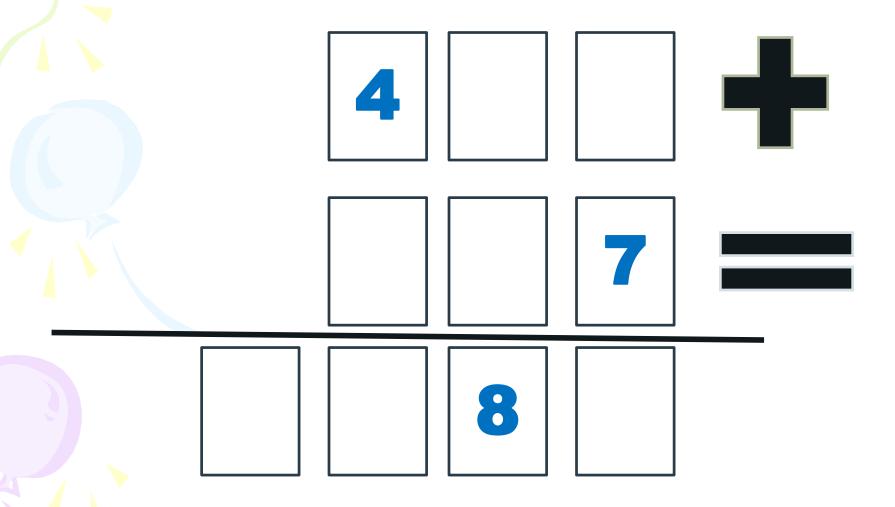


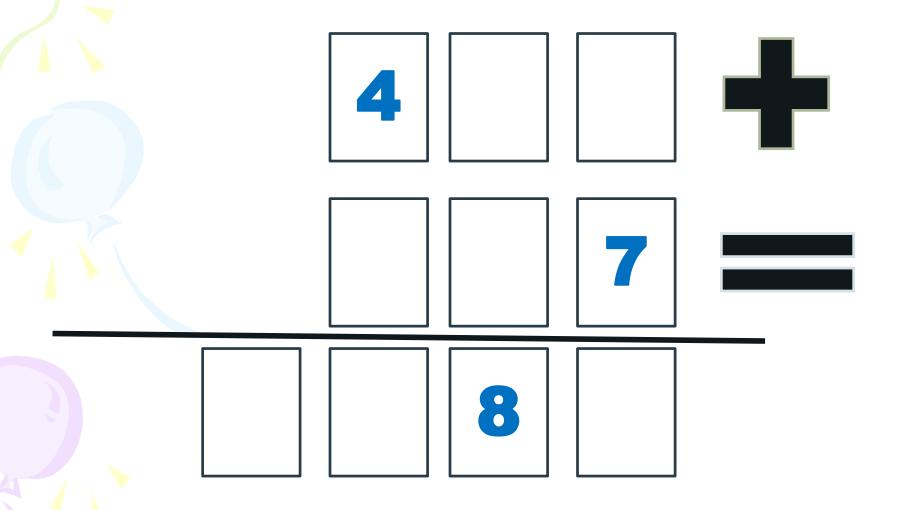
La soluzione è 9

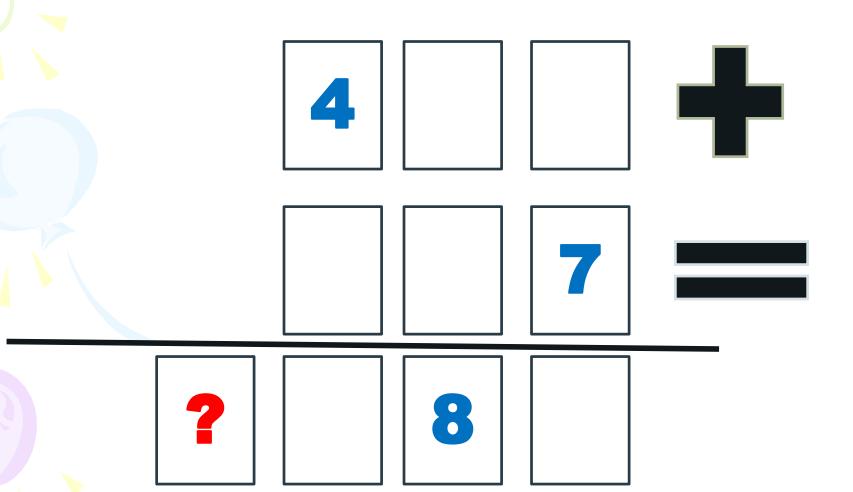
Jacopo ha scritto un'addizione nella quale compaiono tutte le 10 cifre che vanno da 0 a 9. Per farlo arrabbiare, Milena gliene ha cancellate 7.

Sapete dire ugualmente qual era la somma calcolata da Jacopo?

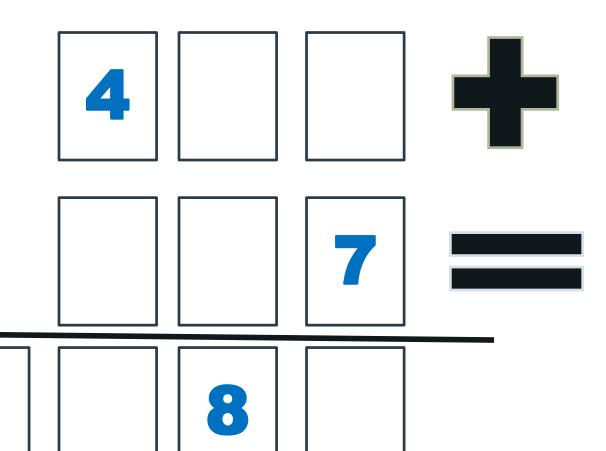




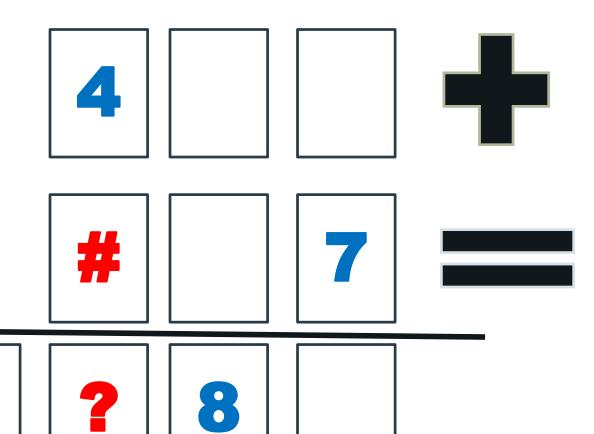




0 1 2 3 4 5 6 7 8 9



0123456789



Quesito 7 - Le dieci cifre 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 Non posso avere riporto dall'operazione precedente

0 1 2 3 4 5 6 7 8 9

0123456789







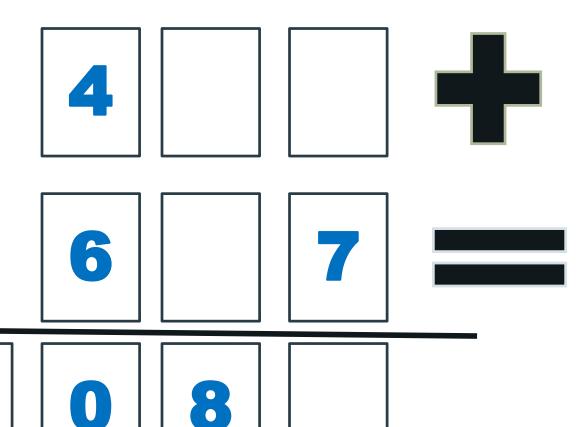
Non si completa!

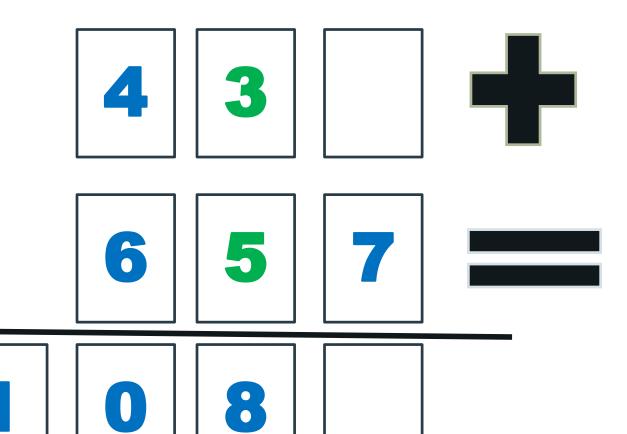




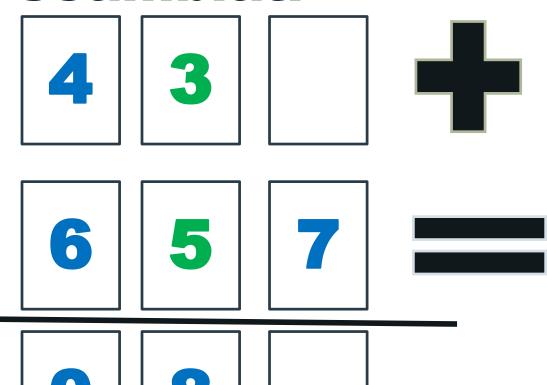


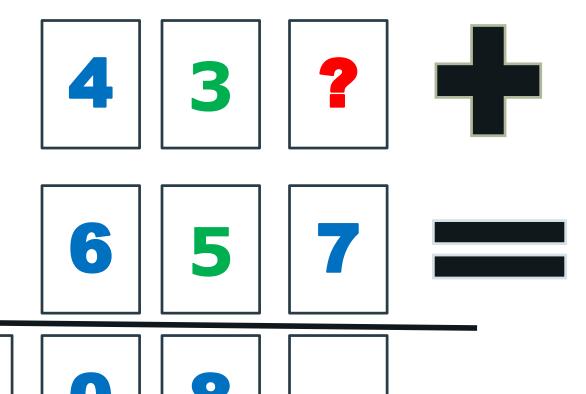


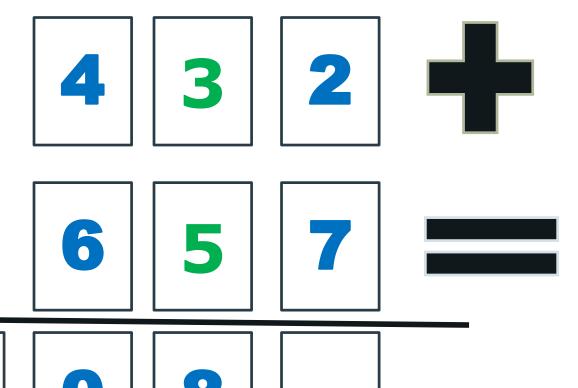


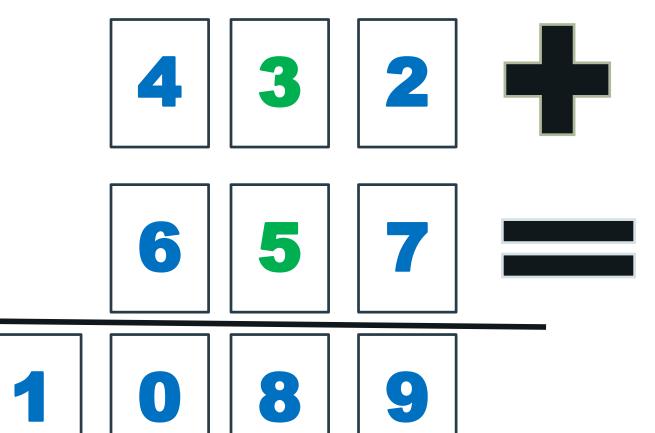


Quesito 7 - Le dieci cifre II 3 e il 5 possono essere scambiati

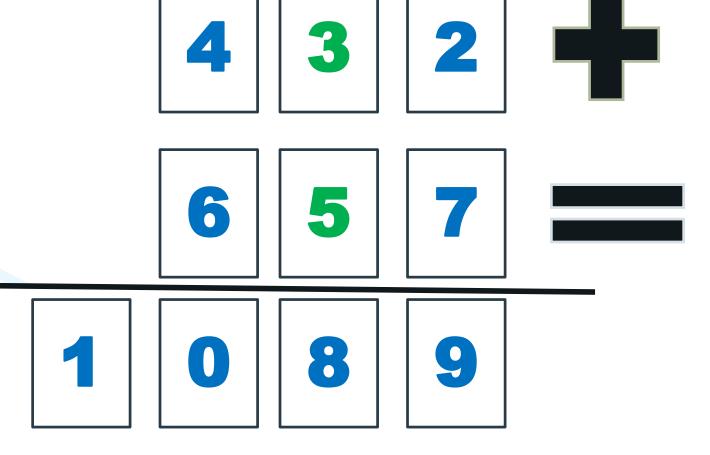


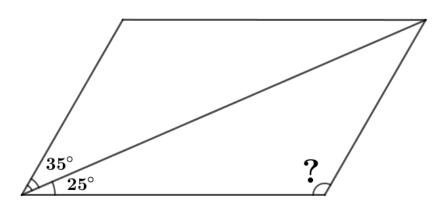






Quesito 7 - Le dieci cifre La soluzione è 1089

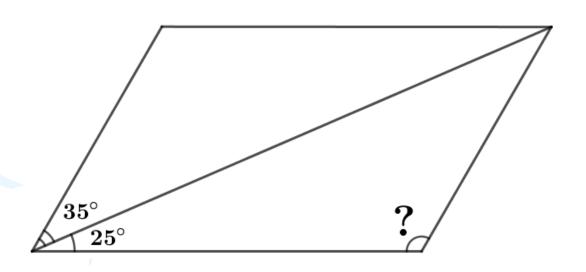




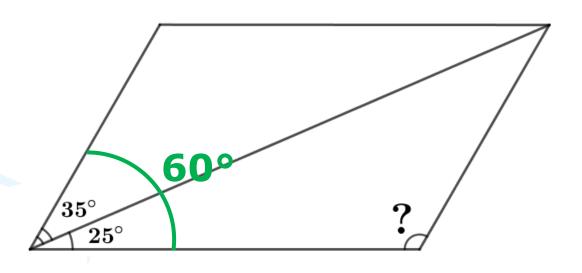
Desiderio e Renato hanno ricevuto in eredità da uno zio d'America la proprietà di un campo che ha la forma di un parallelogramma. Nella parte del campo che spetta a Desiderio c'è un angolo (formato dalla staccionata che divide in diagonale le due proprietà) che misura 35°, in quella di Renato c'è invece un angolo che misura 25°.

Quanto vale (in gradi) l'angolo di Renato che in figura è indicato con un punto interrogativo?

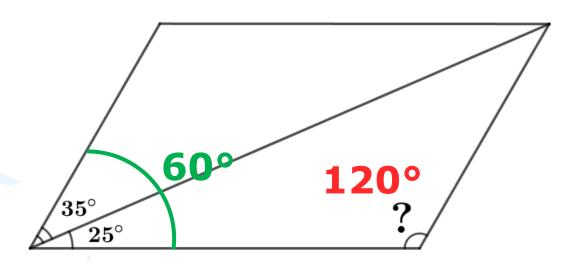
In un parallelogramma, la somma di due angoli consecutivi vale 180°.



In un parallelogramma, la somma di due angoli consecutivi vale 180°.



In un parallelogramma, la somma di due angoli consecutivi vale 180°.



 $180^{\circ} - 60^{\circ} = 120^{\circ}$

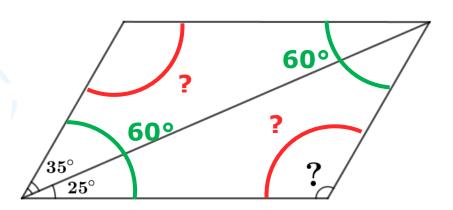
In alternativa,

- La somma degli angoli interni è 360°;
- Due angoli opposti sono uguali.

In alternativa,

- La somma degli angoli interni è 360°;
- Due angoli opposti sono uguali.

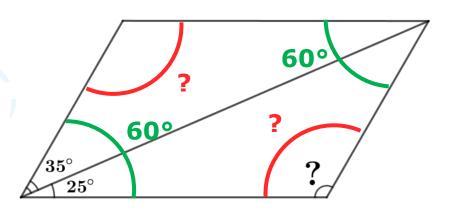
$$60^{\circ} + 60^{\circ} + ?^{\circ} + ?^{\circ} = 360^{\circ}$$



In alternativa,

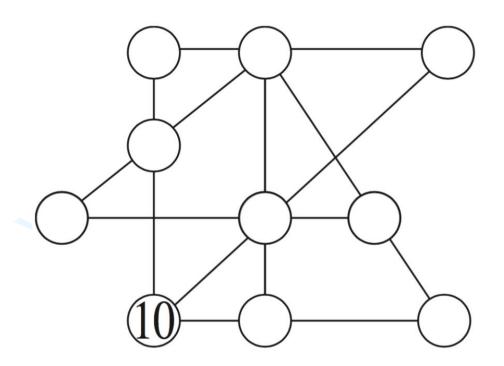
- La somma degli angoli interni è 360°;
- Due angoli opposti sono uguali.

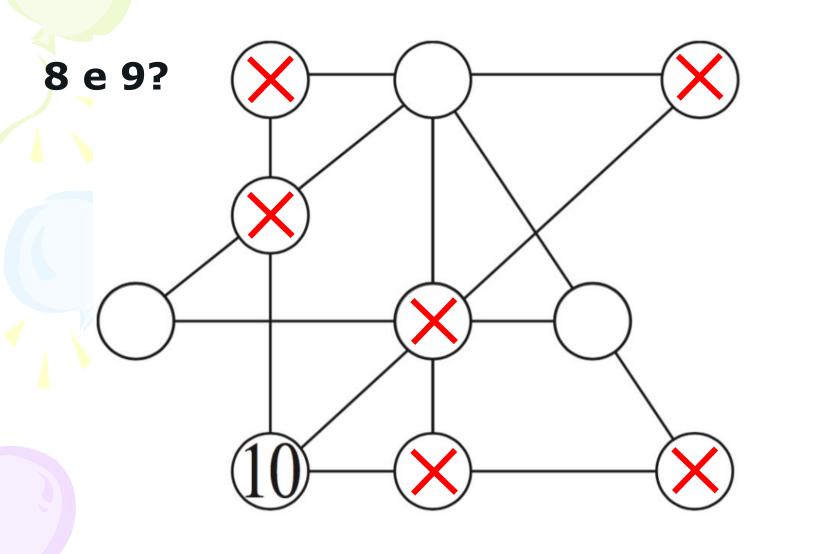
La soluzione è 120°



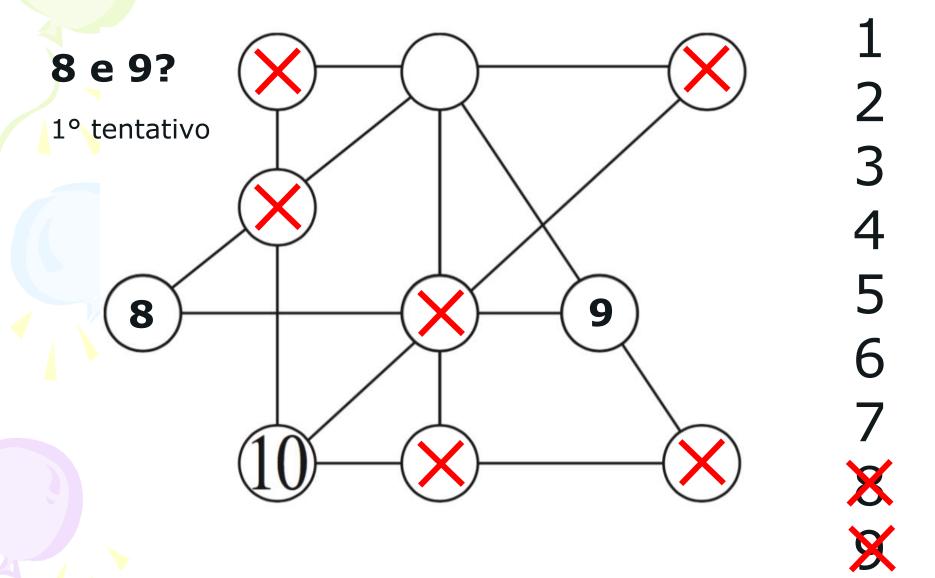
Quesito 9 - LA BANDA DEI DIECI

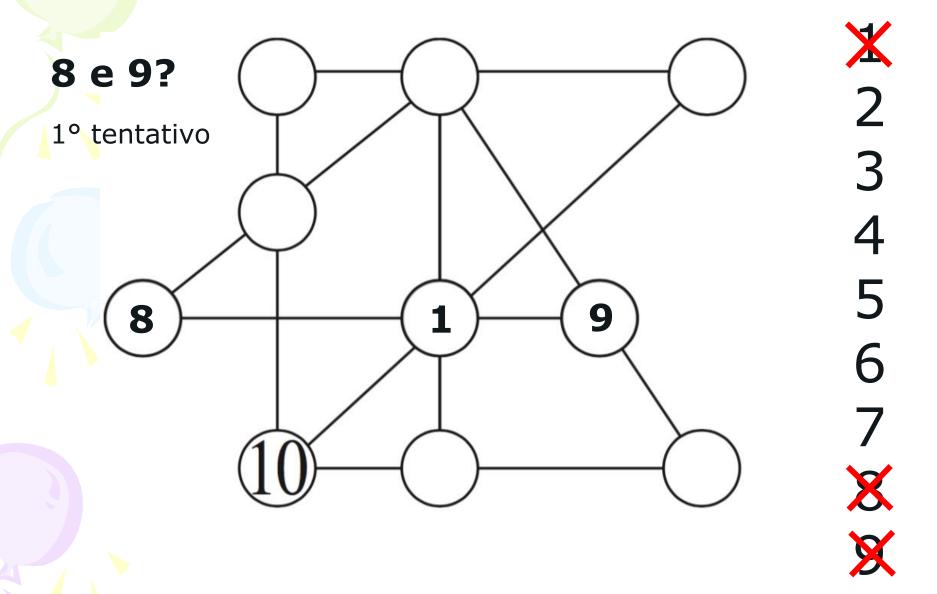
Scrivete tutti i numeri interi da 1 a 9 nei dischetti vuoti della figura, in modo che la somma di tre numeri allineati sia sempre uguale a 18. Quale numero avete scritto in particolare nel dischetto in basso a destra?

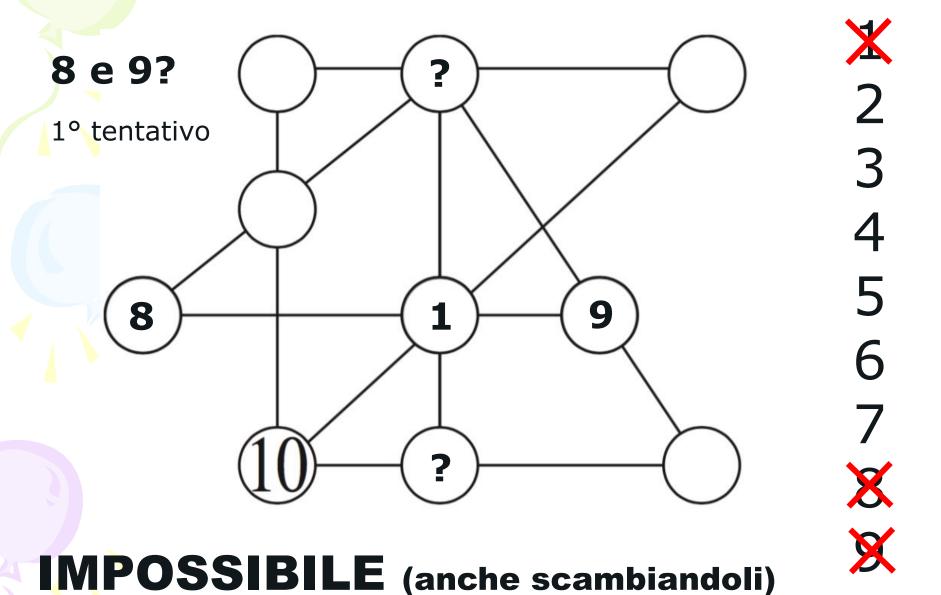


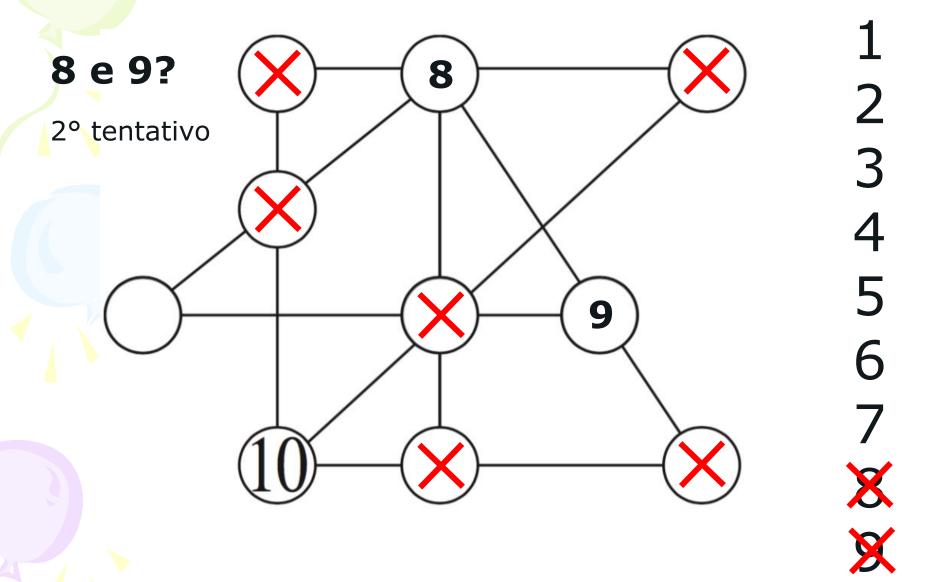


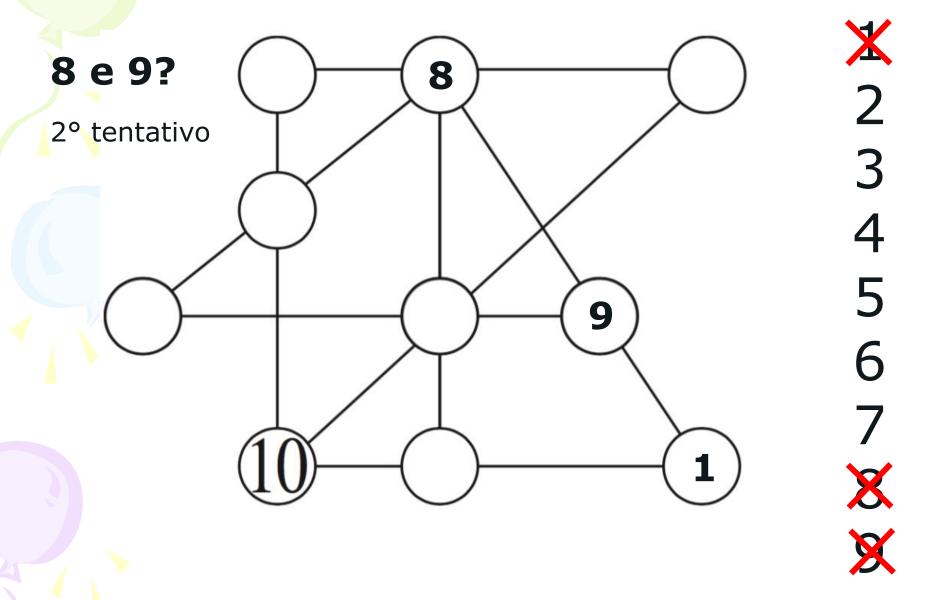
4

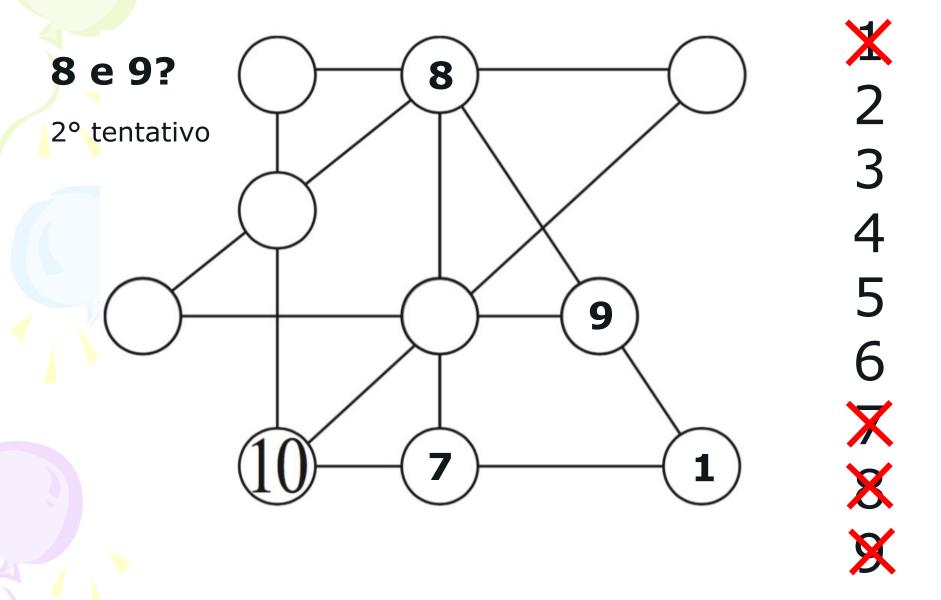


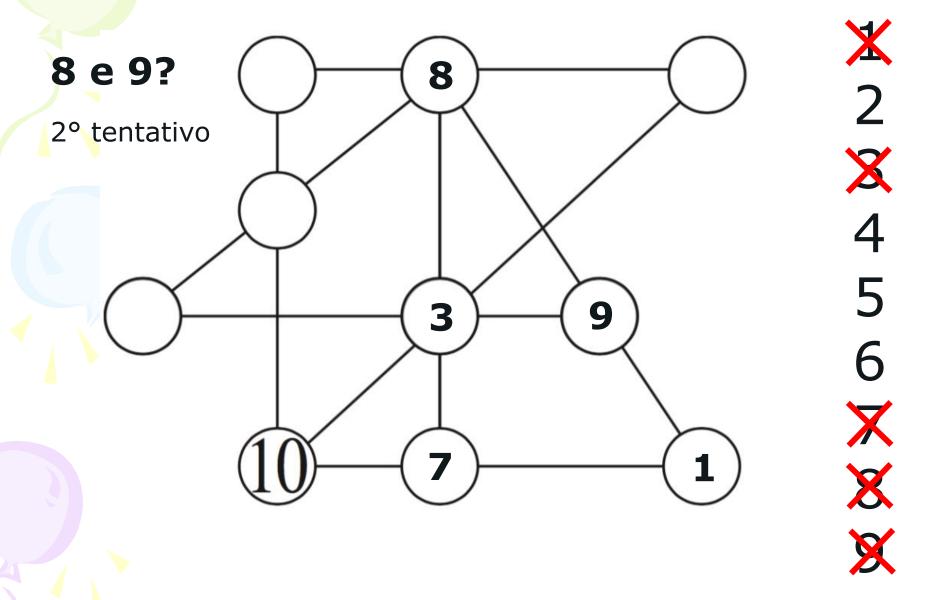


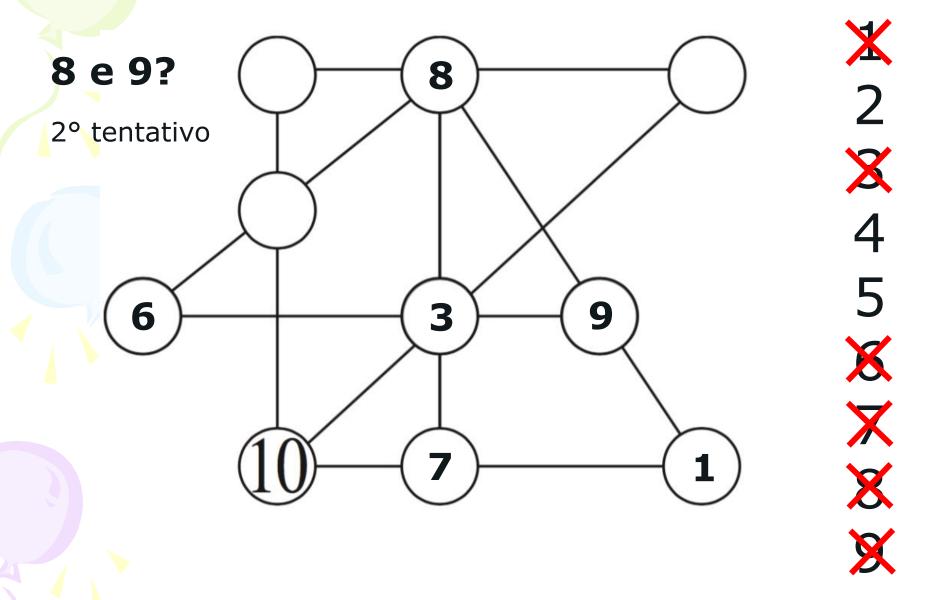


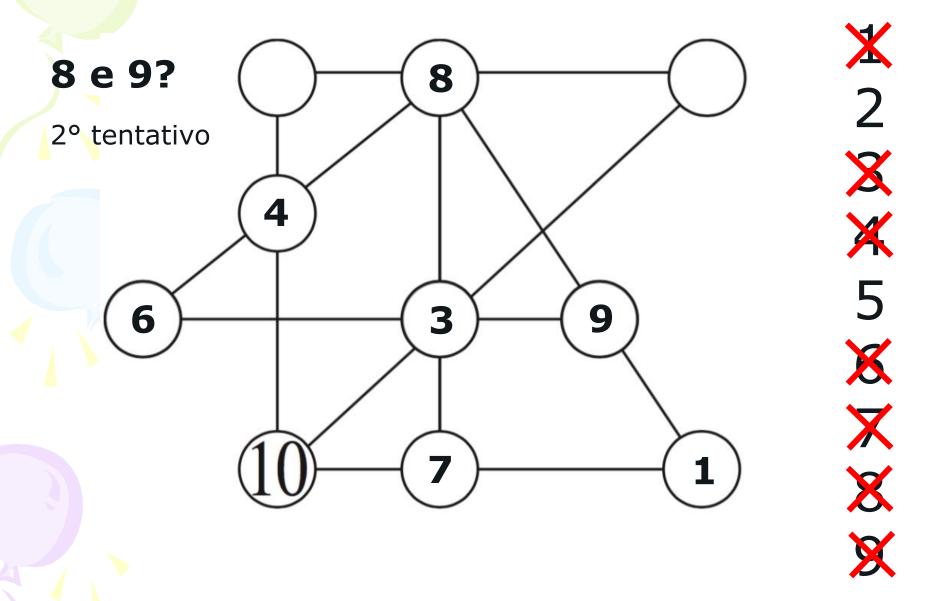


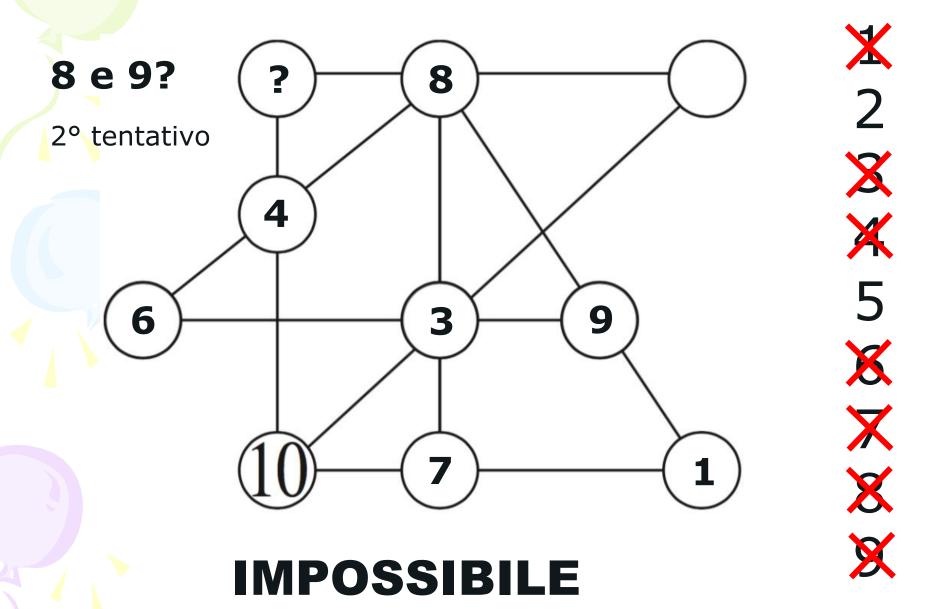


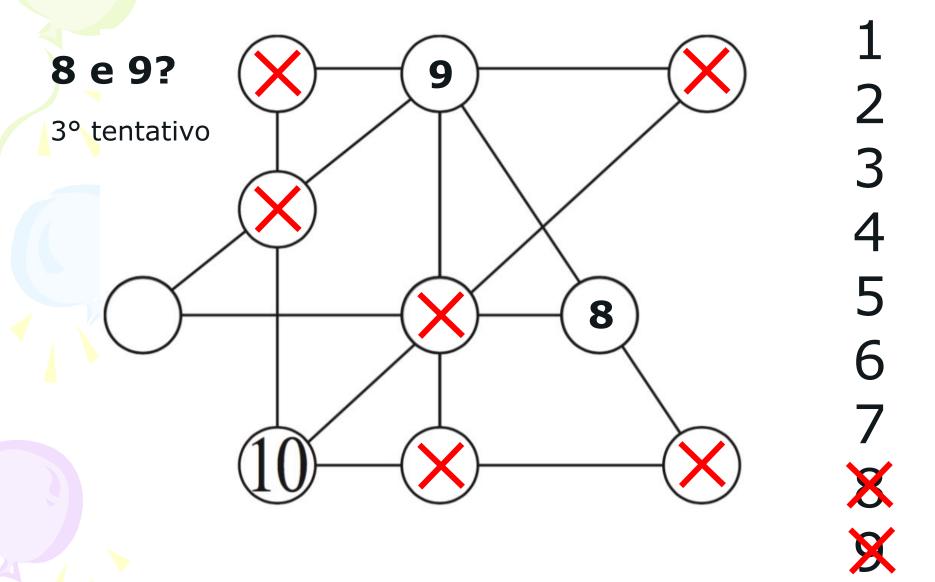


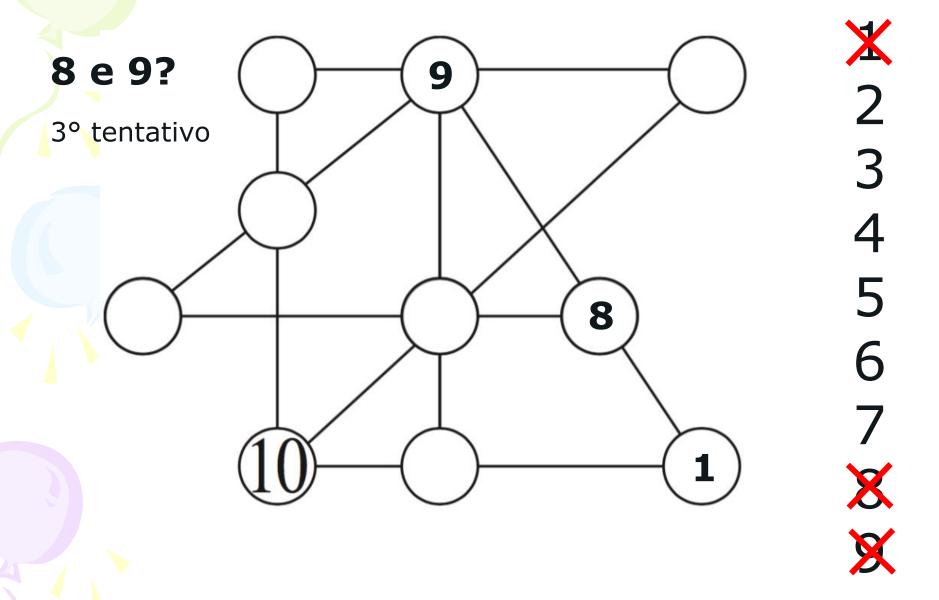


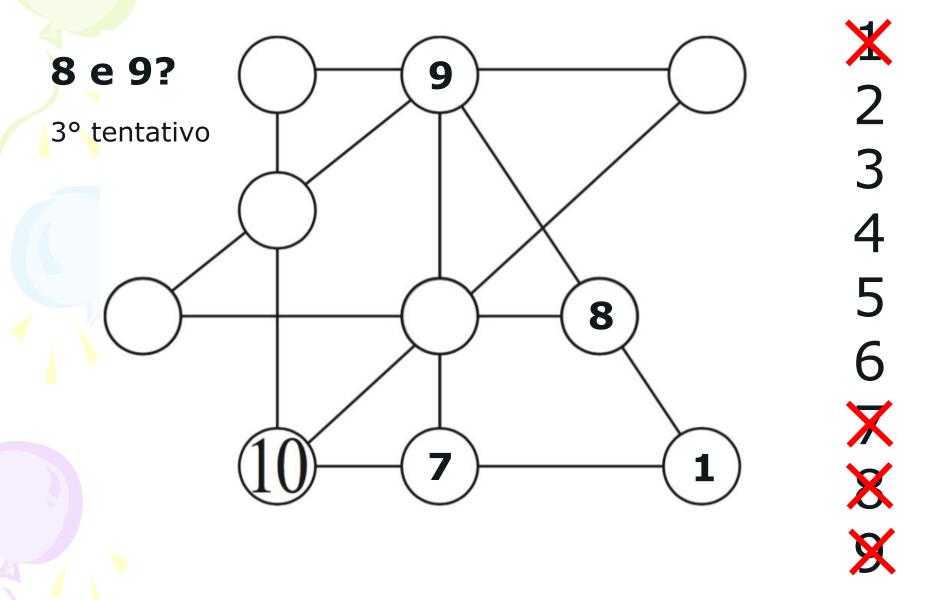


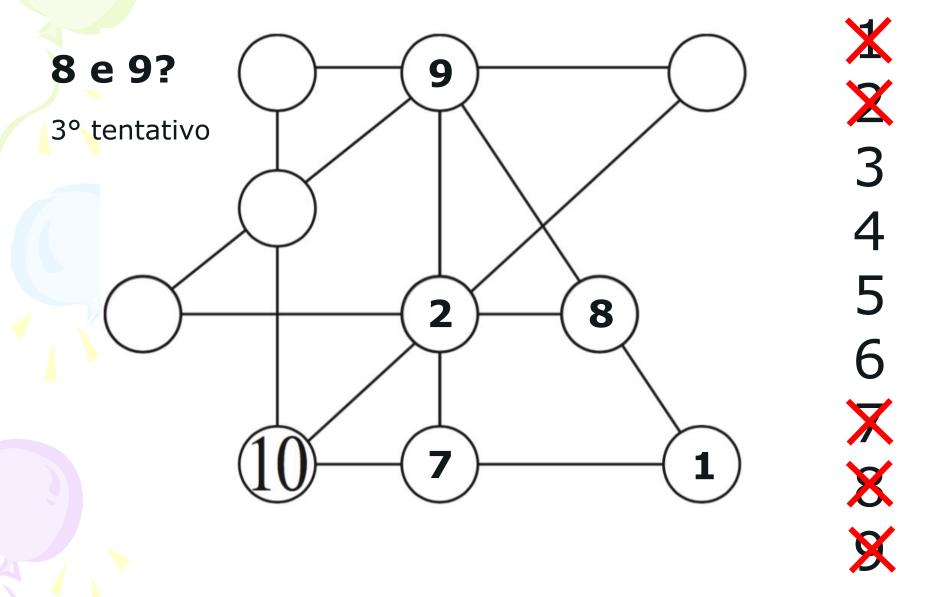


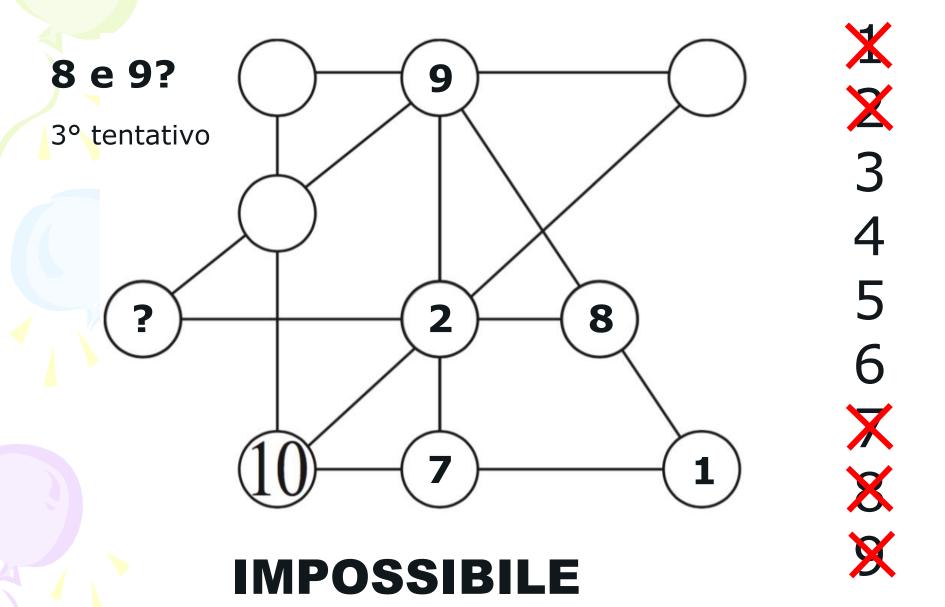


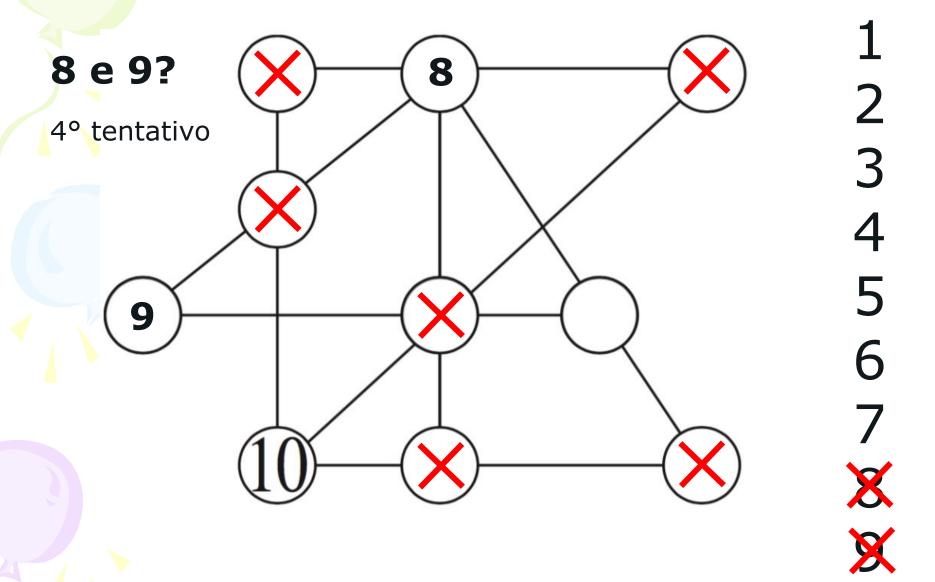


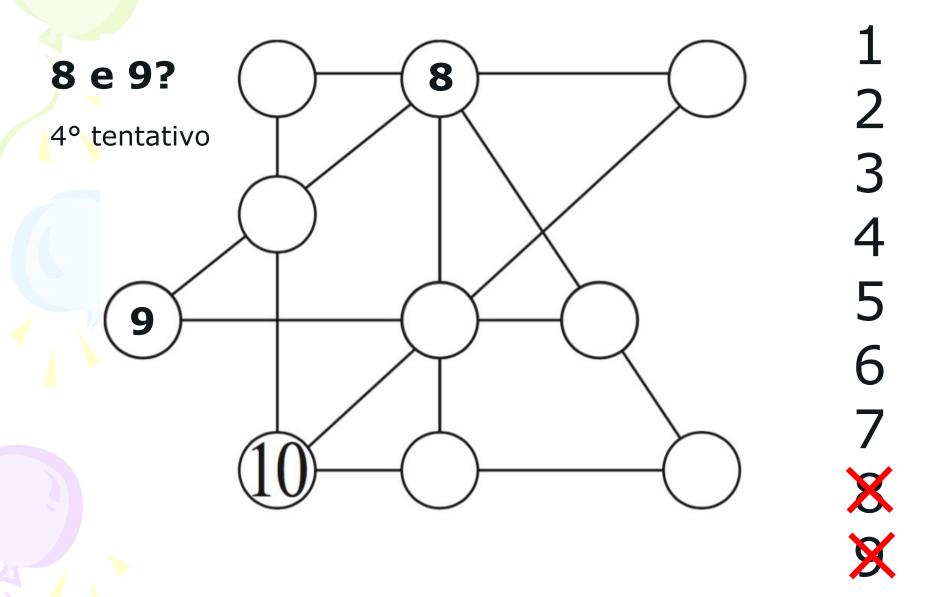


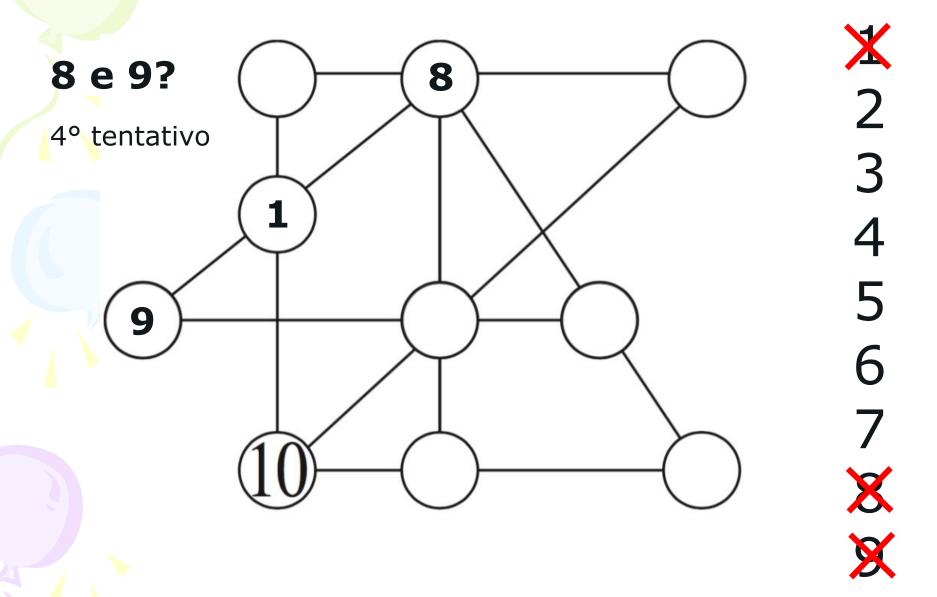


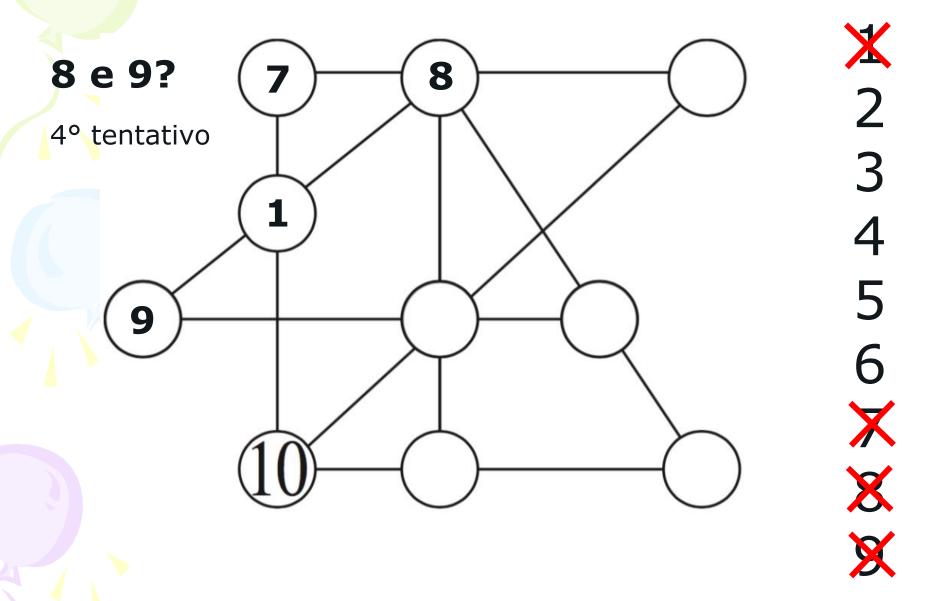


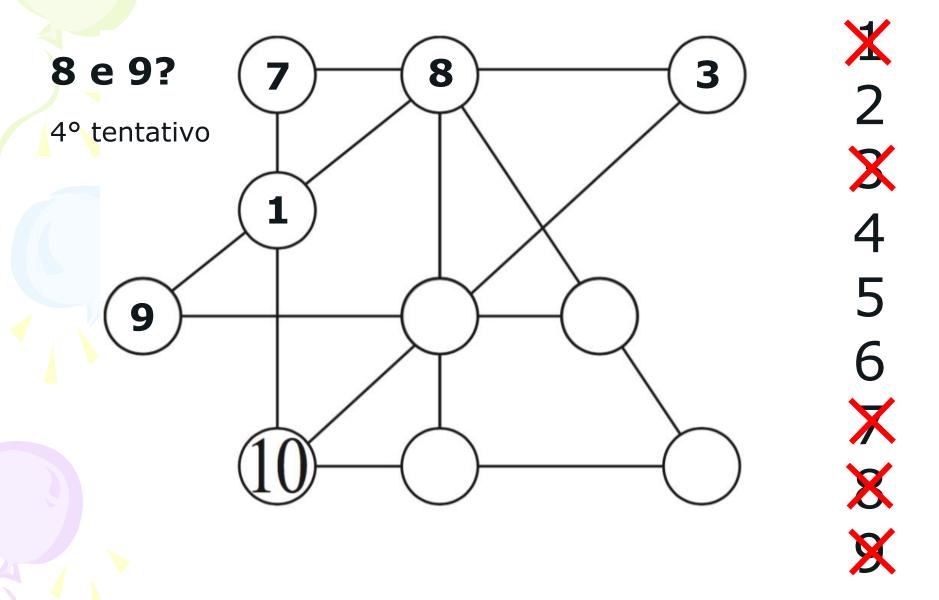


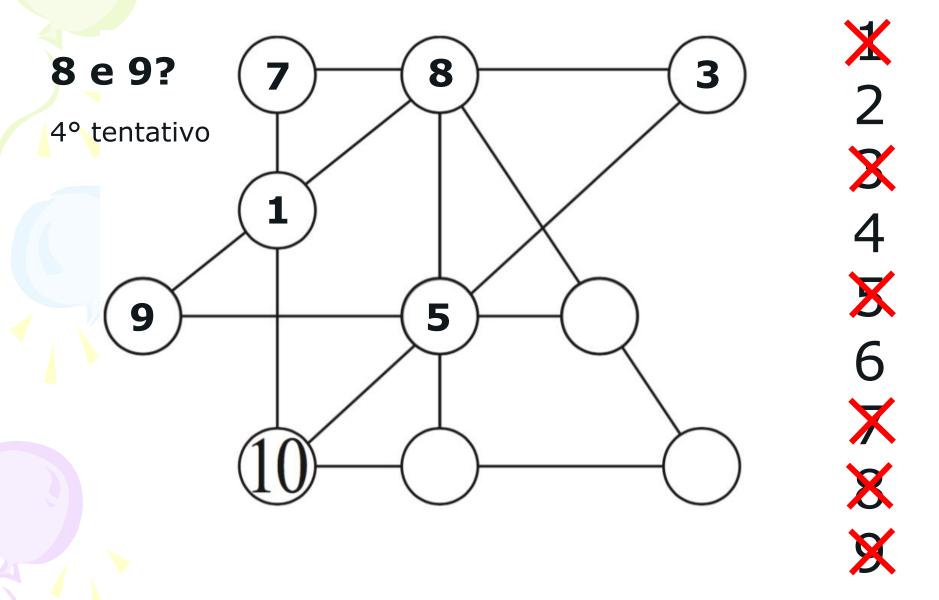


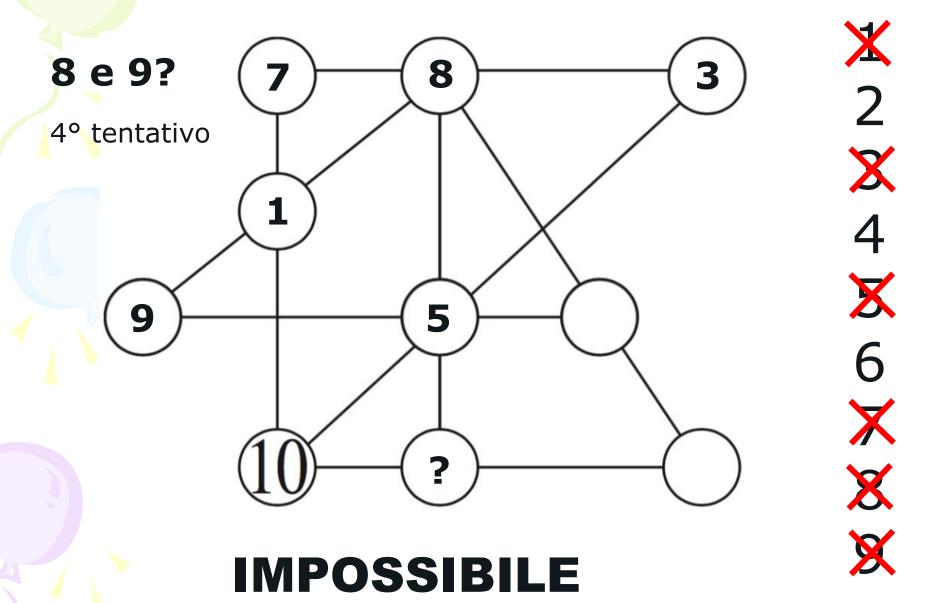


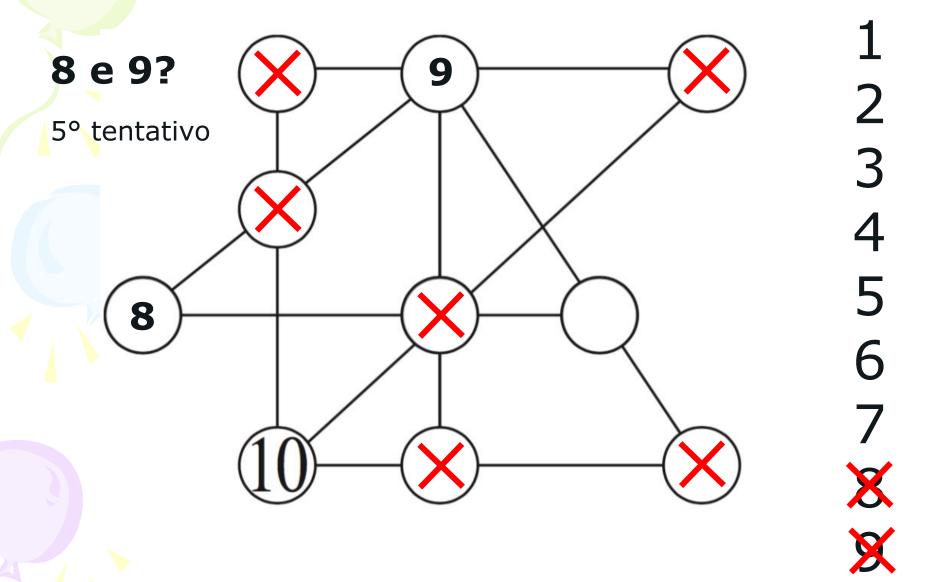


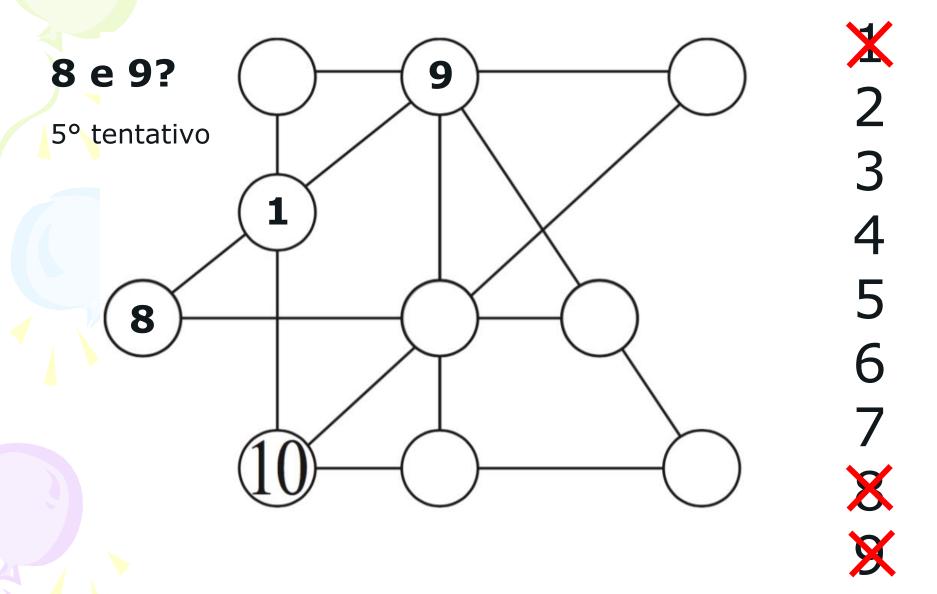


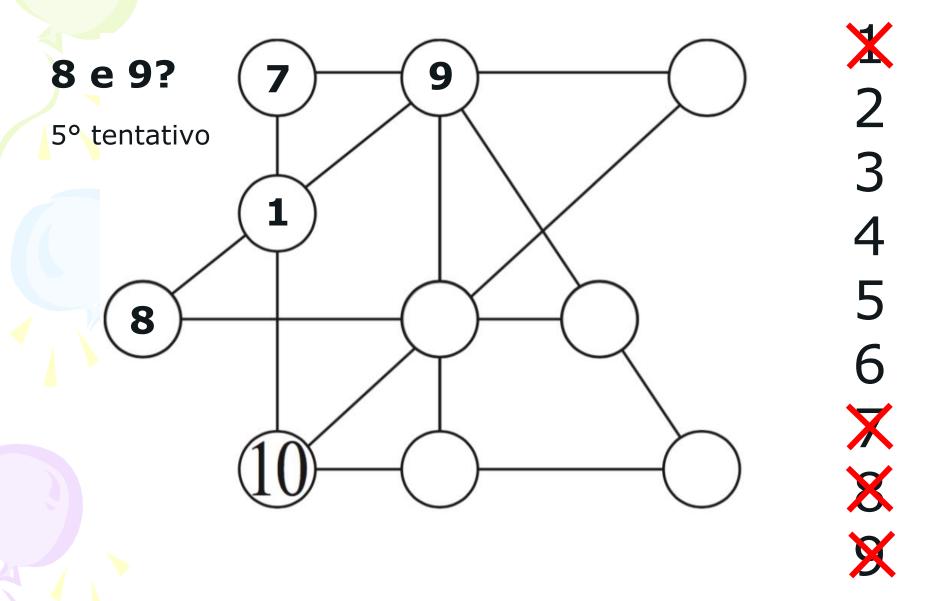


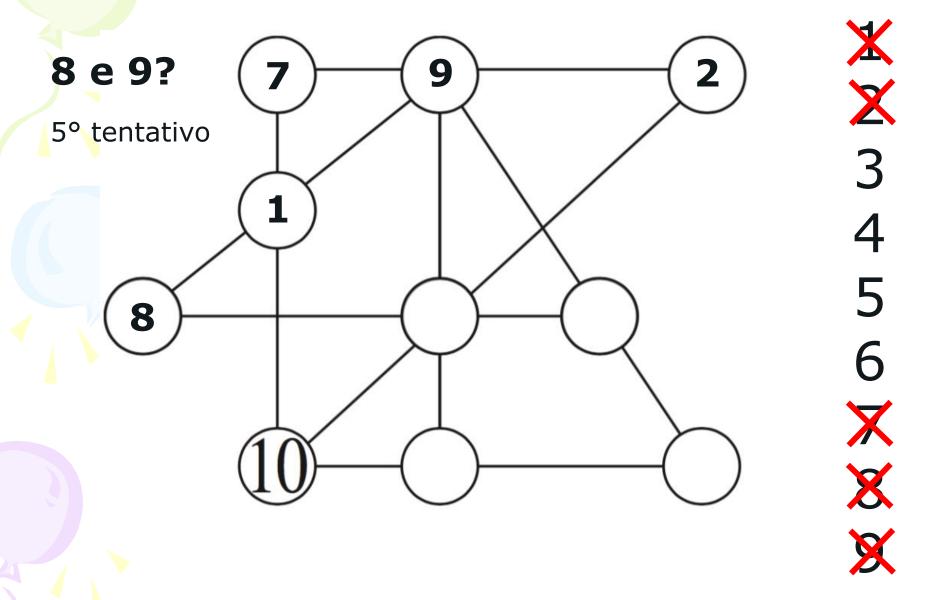


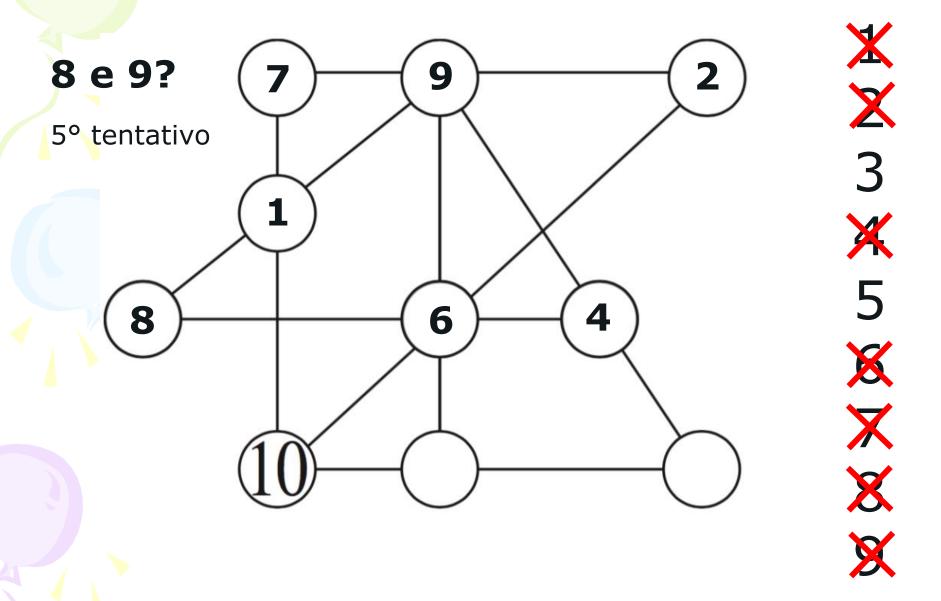


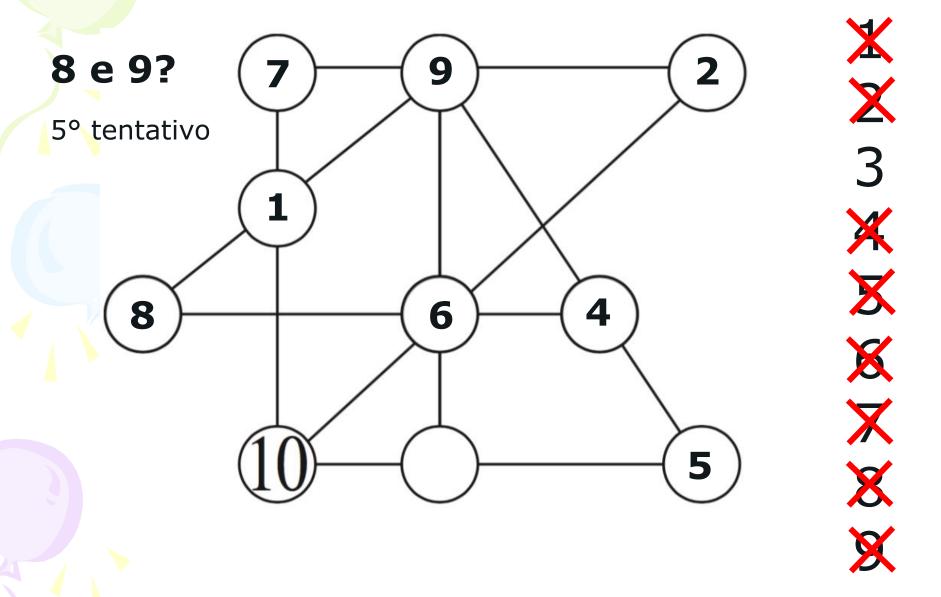


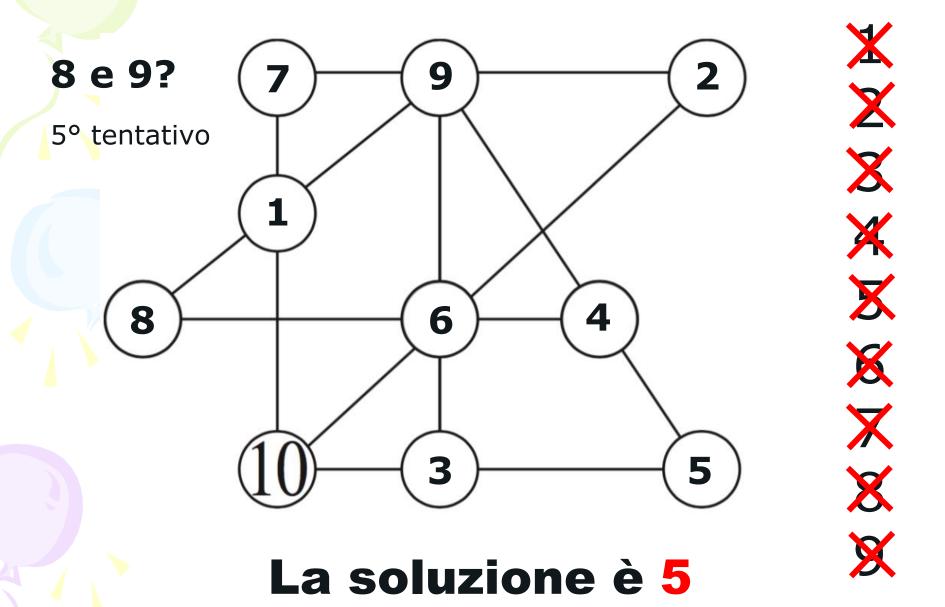






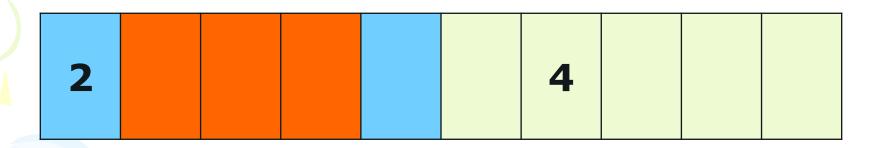




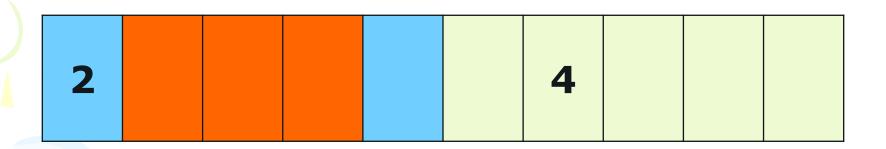


Angelo ha scritto quattro numeri interi, maggiori di 1 e minori di 10, tutti diversi tra loro. Continua poi scrivendone molti altri, in modo tale però che la somma di quattro numeri consecutivi sia sempre uguale a 18.

Sapendo che il primo numero scritto da Angelo era un 2 e il settimo un 4, quale sarà il più piccolo numero che Angelo può aver scritto nella 2018-esima posizione?

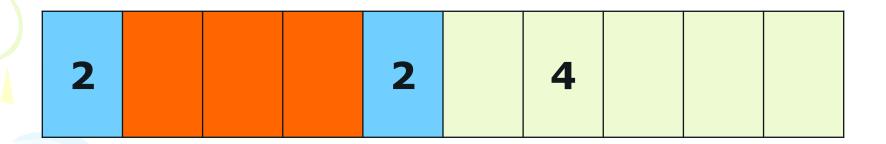


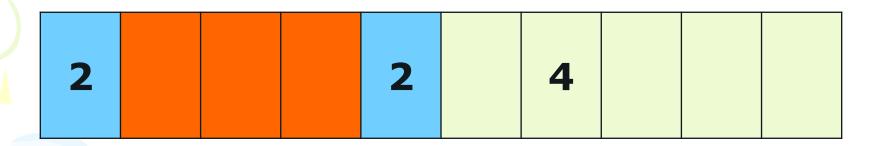
La somma di 4 numeri consecutivi è sempre 18, quindi la somma dei primi quattro numeri è uguale a quella dei numeri tra le caselle numero 2 e 5



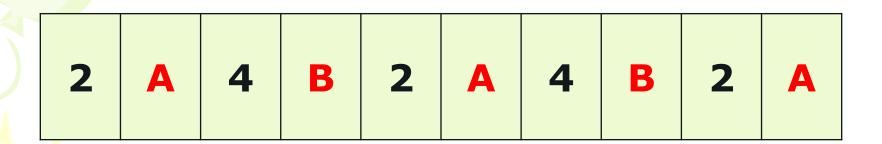
Di conseguenza i due numeri sulle caselle blu sono uguali, entrambi uguali a

18 - (somma dei numeri delle caselle arancioni)





Con lo stesso ragionamento scopriamo che tutti i numeri si ripetono ogni 4 caselle



Con lo stesso ragionamento scopriamo che tutti i numeri si ripetono ogni 4 caselle

2	A	4	В	2	A	4	В	2	A

La casella numero 2018 avrà lo stesso numero della casella 2 visto che

$$2 + (4 \times 504) = 2018$$

2	A	4	В	2	A	4	В	2	A

La casella numero 2018 avrà lo stesso numero della casella 2 visto che

$$2 + (4 \times 504) = 2018$$

Qual è il numero più piccolo che possiamo mettere in A?

		2	A	4	В	2	A	4	В	2	A
--	--	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Sappiamo che 2 + A + 4 + B = 18

Quindi A + B = 12

2	A	4	В	2	A	4	В	2	A

Sappiamo che 2+A+4+B=18 Quindi A+B=12

2	A	4	В	2	A	4	В	2	A

Se A=1 allora B=11, impossibile Se A=2 allora B=10, impossibile

2	A	4	В	2	A	4	В	2	A

Se A=1 allora B=11, impossibile Se A=2 allora B=10, impossibile Se A=3 allora B=9 e va bene

|--|

Il minimo numero che Angelo può avere scritto nella 2018-esima posizione è 3

La soluzione è 3

Un numero di più cifre si chiama discendente quando ogni cifra (a partire dalla seconda) è minore o uguale rispetto a tutte le cifre situate alla sua sinistra.

Per esempio, 764, 322 e 555 sono tutti numeri discendenti mentre non lo è 823 (perché la terza cifra è maggiore della seconda).

Quanti sono i numeri discendenti di tre cifre?

1	0	0
1	1	0
1	1	1

1	0	0
1	1	0
1	1	1

2	0	0
2	1	0
2	1	1
2	2	0
2	2	1
2	2	2

1	0	0
1	1	0
1	1	1

2	0	0
2	1	0
2	1	1
2	2	0
2	2	1
2	2	2

3	0	0
3	1	0
3	1	1
3	2	0
3	2	1
3	2	2
3	3	0
3	3	1
3	3	2
3	3	3

71	0	0
1	1	0
1	1	1

2	0	0
2	1	0
2	1	1
2	2	0
2	2	1
2	2	2

3	0	0
3	1	0
3	1	1
3	2	0
3	2	1
3	2	2
3	3	0
3	3	1
3	3	2
3	3	3

0	4	0	0
0	4	1	0
1	4	1	1
0	4	2	0
1	4	2	1
2	4	2	2
0	4	3	0
1	4	3	1
2	4	3	2
3	4	3	3
	4	4	0
	4	4	1
	4	4	2

9	0	0
9	1	0
9	1	1
9	2	0
9	2	1
9	2	2
9	3	0
9	3	1
9	3	2
9	3	3
9	4	0
9	4	1
9	4	2
9	4	3
9	4	4
9	5	0

1	0	0
1	1	0
1	1	1

2	0	0
2	1	0
2	1	1
2	2	0
2	2	1

3	0	0
3	1	0
3	1	1
3	2	0
3	2	1
3	2	2
3	3	0
3	3	1
3	3	2
3	3	3

3	0	0	
3	1	0	
3	1	1	
3	2	0	
3	2	1	
3	2	2	
3	3	0	
3	3	1	
3	3	2	
3	3	3	
		•	-

Suddivisi in base alla seconda cifra

4	0	0
4	1	0
4	1	1
4	2	0
4	2	1
4	2	2
4	3	0
4	3	1
4	3	2
4	3	3
4	4	0
4	4	1
4	4	2
4	4	3
4	4	4

.	.	١.	
	-		
-	-		

9	0	0
9	1	0
9	1	1
9	2	0
9	2	1
9	2	2
9	3	0
9	3	1
9	3	2
9	3	3
9	4	0
9	4	1
9	4	2
9	4	3
9	4	4
9	5	0

71	0	0
1	1	0
1	1	1

2	0	0
2	1	0
2	1	1
2	2	0
2	2	1
2	2	2

3	0	0
3	1	0
3	1	1
3	2	0
3	2	1
3	2	2
3	3	0
3	3	1
3	3	2
3	3	3

3	0	0	4	0	0
3	1	0	4	1	0
3	1	1	4	1	1
3	2	0	4	2	0
3	2	1	4	2	1
3	2	2	4	2	2
3	3	0	4	3	0
3	3	1	4	3	1
3	3	2	4	3	1 2 3
3	3	3	4	3	3
			4	4	0
			4	4	1

•	•	•

9	0	0
9	1	0
9	1	1
9	2	0
9	2	1
9	2	2
9	3	0
9	3	1
9	3	2
9	3	3
9	4	0
9	4	1
9	4	2
9	4	3
9	4	4
	•	

6X5 +

Suddivisi in base alla seconda cifra

La seconda cifra è 0: 9X1 +

La seconda cifra è 1: 9X2 +

La seconda cifra è 2: 8X3 +

La seconda cifra è 3: 7X4 +

La seconda cifra è 4: 6X5 +

La seconda cifra è 5: 5X6 +

La seconda cifra è 6: 4X7 +

La seconda cifra è 7: 3X8 +

La seconda cifra è 8: 2X9 +

La seconda cifra è 9: 1X10 = 219

La soluzione è 219

Anna e Chiara si danno appuntamento ogni giorno alla fermata dell'autobus per andare a scuola insieme. Sono fortunate: quelli della loro città passano a intervalli esattamente regolari e che sono gli stessi tutti i giorni. Mercoledì, Anna è arrivata in anticipo; ha aspettato Chiara 12 minuti e 10 secondi e in questo intervallo di tempo ha visto passare 5 autobus. Giovedì, è arrivata all'appuntamento in orario ma era Chiara a essere in ritardo di 20 minuti e in questo intervallo di tempo Anna ha visto passare 6 autobus. Venerdì, situazione simile a quella di mercoledì: Chiara è arrivata in orario all'appuntamento ma Anna, che era in anticipo, l'ha aspettata 30 minuti.

Quanti autobus ha visto passare al minimo Anna venerdì, prima dell'arrivo di Chiara?

Informazioni:

MER 12 min 10 sec 5 bus

GIO 20 min 6 bus

Informazioni:

MER 12 min 10 sec 5 bus

GIO 20 min 6 bus

Per comodità, trasformiamo tutto in secondi.

Informazioni:

MER 730 sec

5 bus

GIO 1200 sec

6 bus

Per comodità, trasformiamo tutto in secondi.

Informazioni:

MER 730 sec 5 bus

GIO 1200 sec 6 bus

Chiamiamo N il tempo in secondi tra un bus ed il successivo.

MER 730 sec 5 bus 730:6 ≤ N ≤ 730:4

GIO 1200 sec

6 bus

MER 730 sec 5 bus

 $730:6 \le N \le 730:4$

 $121,6 \le N \le 182,5$

GIO 1200 sec

6 bus

MER 730 sec 5 bus

 $730:6 \le N \le 730:4$

 $121,6 \le N \le 182,5$

GIO 1200 sec

6 bus

MER 730 sec 5 bus $730:6 \le N \le 730:4$ $121,6 \le N \le 182,5$

GIO 1200 sec 6 bus 1200:7 ≤ N ≤ 1200:5

MER 730 sec 5 bus $730:6 \le N \le 730:4$ $121,6 \le N \le 182,5$

GIO 1200 sec 6 bus 1200:7 \leq N \leq 1200:5 171,4 \leq N \leq 240

MER 730 sec 5 bus $730:6 \le N \le 730:4$ $121,6 \le N \le 182,5$

GIO 1200 sec 6 bus 1200:7 \leq N \leq 1200:5 171,4 \leq N \leq 240

 $171,4 \le N \le 182,5$

 $171,4 \le N \le 182,5$

VEN 30 min Numero minimo di bus?

 $171,4 \le N \le 182,5$

VEN 1800 sec Numero minimo di bus?

 $171,4 \le N \le 182,5$

VEN 1800 sec Numero minimo di bus?

Affinché il numero sia minimo, scegliamo N il più grande possibile.

 $171,4 \le N \le 182,5$

VEN 1800 sec Numero minimo di bus?

Affinché il numero sia minimo, scegliamo N il più grande possibile.

 $171,4 \le N \le 182,5$

VEN 1800 sec Numero minimo di bus?

Affinché il numero sia minimo, scegliamo N il più grande possibile.

1800:182,5 = 9,86

Affinché il numero sia minimo, scegliamo N il più grande possibile.

1800:182,5 = 9,86

Al minimo venerdì Anna ha visto passare 9 autobus.

La soluzione è 9

Soluzioni:

Quesito 1: 7

Quesito 2: 8

Quesito 3: 12

Quesito 4: 21

Quesito 5: 3

Quesito 6: 9



Quesito 7: 1089

Quesito 8: 120°

Quesito 9: 5

Quesito 10: 3

Quesito 11: 219

Quesito 12: 9

Altre soluzioni:

Quesito 13: 2 042 216

Quesito 14: 10092018; 20182018

Quesito 15: 35/648

Quesito 16: 576 cm²

Quesito 17: 185072371